



# CEI 2010 VALENCIA

7 A 10 DE SEPTIEMBRE DE 2010

III CONGRESO ESPAÑOL DE INFORMÁTICA

UNIVERSIDAD POLITÉCNICA DE VALENCIA

Actas del III Simposio sobre Lógica Fuzzy  
y Soft Computing

| LFSC2010 | (EUSFLAT)

## EDITORES

Luis Martínez, Edurne Barrenechea, Macarena Espinilla, Jesús Alcalá, Victoria López,  
Manuel Mucientes, José Ángel Olivas, Rosa M<sup>a</sup> Rodríguez



**Actas del  
III Simposio sobre Lógica Fuzzy y Soft  
Computing, LFSC2010  
(EUSFLAT)**

**Editores:**

Luis Martínez  
Edurne Barrenechea  
Macarena Espinilla  
Jesús Alcalá  
Victoria López  
Manuel Mucientes  
José Ángel Olivas  
Rosa M<sup>a</sup> Rodríguez

**Garceta**  
grupo editorial

**Actas del III Simposio sobre Lógica Fuzzy y Soft Computing, LFSC2010 (EUSFLAT)**

**Editores:** Luis Martínez, Edurne Barrenechea, Macarena Espinilla Jesús Alcalá, Victoria López, Manuel Mucientes, José Ángel Olivas, Rosa M<sup>a</sup> Rodríguez

**ISBN:** 978-84-92812-65-3

**IBERGARCETA PUBLICACIONES, S.L., Madrid, 2010**

**Edición:** 1<sup>a</sup>

**Impresión:** 1<sup>a</sup>

**Nº de páginas:** 494

**Formato:** 17 x 24

**Materia CDU:** 004 Ciencia y tecnología de los ordenadores. Informática

Reservados los derechos para todos los países de lengua española. De conformidad con lo dispuesto en el artículo 270 y siguientes del código penal vigente, podrán ser castigados con penas de multa y privación de libertad quienes reprodujeran o plagiaran, en todo o en parte, una obra literaria, artística o científica fijada en cualquier tipo de soporte sin la preceptiva autorización. Ninguna parte de esta publicación, incluido el diseño de la cubierta, puede ser reproducida, almacenada o transmitida de ninguna forma, ni por ningún medio, sea éste electrónico, químico, mecánico, el electro-óptico, grabación, fotocopia o cualquier otro, sin la previa autorización escrita por parte de la editorial.

Dirijase a CEDRO (Centro Español de Derechos Reprográficos), [www.cedro.org](http://www.cedro.org), si necesita fotocopiar o escanear algún fragmento de esta obra.

COPYRIGHT © 2010 IBERGARCETA PUBLICACIONES, S.L.  
[info@garceta.es](mailto:info@garceta.es)

**Actas del III Simposio sobre Lógica Fuzzy y Soft Computing, LFSC2010 (EUSFLAT)**

Derechos reservados ©2010 respecto a la primera edición en español, por LOS AUTORES

Derechos reservados ©2010 respecto a la primera edición en español, por IBERGARCETA PUBLICACIONES, S.L.

1<sup>a</sup> Edición, 1<sup>a</sup> Impresión

ISBN: 978-84-92812-65-3

Depósito legal: M-

**Maquetación:** Los Editores

**Coordinación del proyecto:** @LIBROTEX

**Portada:** Estudio Dixi

**Impresión y encuadernación:**

OI: 28/2010

PRINT HOUSE, S.A.

**IMPRESO EN ESPAÑA -PRINTED IN SPAIN**

*Nota sobre enlaces a páginas web ajenas:* Este libro puede incluir referencias a sitios web gestionados por terceros y ajenos a IBERGARCETA PUBLICACIONES, S.L., que se incluyen sólo con finalidad informativa. IBERGARCETA PUBLICACIONES, S.L., no asume ningún tipo de responsabilidad por los daños y perjuicios derivados del uso de los datos personales que pueda hacer un tercero encargado del mantenimiento de las páginas web ajenas a IBERGARCETA PUBLICACIONES, S.L., y del funcionamiento, accesibilidad y mantenimiento de los sitios web no gestionados por IBERGARCETA PUBLICACIONES, S.L., directamente. Las referencias se proporcionan en el estado en que se encuentran en el momento de publicación sin garantías expresas o implícitas, sobre la información que se proporciona en ellas.

Last results on constrained microaggregation.....	
Isaac Cano, Guillermo Navarro-Arribas, Vicenç Torra	
Comparación estadística de algoritmos de aprendizaje estocásticos usando tests extendidos a datos intervalo-valorados y borrosos.....	427
José Otero, Luciano Sánchez, Inés Couso	
Influencia de un aprendizaje basado en costes lingüísticos a partir de datos de baja calidad y no balanceados respecto al preprocesamiento de balanceado de los datos.....	435 443
Ana Palacios, Luciano Sánchez, Inés Couso	
Linguistic local change comparison of time series.....	451
Rita Castillo-Ortega, Nicolás Marín, Daniel Sánchez	
Un primer estudio sobre el uso de aprendizaje sensible al coste con sistemas de clasificación basados en reglas difusas para problemas no balanceados.....	459
Victoria López, Alberto Fernández, Francisco Herrera	
Análisis del impacto del ruido en clases y atributos para Sistemas de Clasificación Basados en Reglas Difusas.....	467
José A. Sáez, Julián Luengo, Francisco Herrera	
Are fuzzy systems as interpretable (readable and understandable) as the fuzzy community usually claims?.....	
Jose M. Alonso, Luis Magdalena	
	475

# Análisis del impacto del ruido en clases y atributos para Sistemas de Clasificación Basados en Reglas Difusas

José A. Sáez

Julián Luengo

Francisco Herrera

Dept. Ciencias de la Computación e Inteligencia Artificial

CITIC - Universidad de Granada, 18071 Granada

smja@correo.ugr.es, {julianlm, herrera}@decsai.ugr.es

## Resumen

En cualquier base de datos real, es habitual la presencia de ruido, el cual puede afectar negativamente a la precisión del clasificador, su tiempo de construcción y complejidad. Los clasificadores construidos por los Sistemas de Clasificación Basados en Reglas Difusas destacan por su gran interpretabilidad, pero tradicionalmente estos métodos no han tenido en cuenta este ruido en los datos, por lo que será interesante cuantificar su efecto en los mismos.

El objetivo de esta contribución es estudiar el comportamiento y robustez de los Sistemas de Clasificación Basados en Reglas Difusas en presencia de ruido. Para ello se han creado 138 bases de datos sintéticas a partir de 23 bases de datos sin ruido del repositorio UCI, introduciendo distintos niveles de ruido en la clase y los atributos independientemente. Se han considerado los métodos de Chi et al. y PDFC como caso de estudio, analizando la precisión de los modelos creados, en los casos de ruido de clase o de atributos. A partir de los resultados obtenidos, es posible deducir que los Sistemas de Clasificación Basados en Reglas Difusas tienen una buena tolerancia al ruido.

## 1. Introducción

El problema de la clasificación [2] consiste en realizar generalizaciones a partir de un conjunto de ejemplos de entrenamiento, de forma que el conocimiento aprendido a partir de éstos pueda ser aplicado sobre un conjunto de

ejemplos no observados para predecir la clase de los mismos, dadas sus características.

Los factores más determinantes en la precisión de un clasificador son la calidad de los datos de entrenamiento y la capacidad inductiva del algoritmo de aprendizaje. Así, dado un algoritmo de aprendizaje concreto, su precisión en la clasificación dependerá crucialmente de la calidad de los datos de entrenamiento, que a su vez está determinada por un gran número de componentes [16, 15]. Uno de ellos es la fuente de la que provienen los datos y la introducción de los mismos, que están inherentemente sujetas a errores. A pesar de los esfuerzos en solventar este problema, los errores en las grandes bases de datos son comunes y pueden ser graves, y a menos que se tomen medidas extremas para evitarlos, los porcentajes de error pueden alcanzar el 5% o más [19, 13, 12].

Así pues, las bases de datos reales rara vez son perfectas y a menudo presentan este tipo de corrupciones, que llamamos ruido, y que pueden afectar en la interpretación de los datos, las decisiones tomadas y los modelos creados basados en los mismos, así como en el rendimiento del sistema.

Los Sistemas de Clasificación Basados en Reglas Difusas (SCBRDs) [8, 11] destacan por ser capaces de construir un modelo lingüístico interpretable por seres humanos. Aunque este tipo de sistemas están ampliamente estudiados en la literatura [11], aún no se han comprobado los efectos del ruido en los resultados obtenidos.

El objetivo principal de este estudio es analizar el comportamiento de los SCBRDs cuando los datos de entrenamiento presentan ruido, atendiendo a la precisión del clasificador construido.

Para alcanzar nuestro objetivo, se va a analizar el ruido en dos categorías diferenciadas: ruido de clase y ruido de atributos. Para ello se han creado 138 bases de datos a partir de otras 23 sin ruido ya existentes en el repositorio UCI [1], introduciendo 3 niveles de ruido de clase y atributos independientemente: 5%, 10% y 20%. Se considerarán los SCBRDs de Chi et al. [5] y PDFC [4], estudiando distintas configuraciones, variando para el algoritmo de Chi et al. el número de etiquetas lingüísticas y para PDFC, el tipo de las etiquetas, y observando cómo influyen en la tolerancia al ruido. Por último, analizaremos el impacto del ruido en el rendimiento de los sistemas por separado.

El resto de la contribución está organizado como sigue. En la Sección 2 describimos los SCBRDs que hemos usado. A continuación, en la Sección 3 desarrollamos la descripción de los distintos tipos de ruido considerados en este estudio: el ruido de clase y de atributos. En la Sección 4, mostramos el marco experimental, y los resultados obtenidos junto con su análisis se muestran en la Sección 5. Finalmente, en la Sección 6, señalamos nuestras conclusiones sobre los SCBRDs estudiados cuando tratan con datos con ruido.

## 2. Sistemas de Clasificación Basados en Reglas Difusas

En esta sección introducimos los detalles específicos de los SCBRDs utilizados en la experimentación de este trabajo: el sistema de generación de reglas de Chi et al. en la Subsección 2.1 y el algoritmo PDFC en la Subsección 2.2.

Cualquier problema de clasificación se compone de  $m$  ejemplos de entrenamiento de la forma  $x_p = (x_{p1}, \dots, x_{pn})$ ,  $p = 1, 2, \dots, m$  donde  $x_{pi}$  es el valor del atributo  $i$ -ésimo ( $i = 1, 2, \dots, n$ ) del  $p$ -ésimo ejemplo de entrenamiento. Cada ejemplo está etiquetado con una de  $M$  posibles clases.

### 2.1. Generación de Reglas de Chi et al.

Este método usa reglas difusas de la siguiente forma para el primer SCBRD:

$$\begin{aligned} \text{Rule } R_j : & \text{ If } x_1 \text{ is } A_{j1} \text{ and } \dots \text{ and } x_n \text{ is } A_{jn} \\ & \text{ then Class} = C_j \text{ with } RW_j \end{aligned} \quad (1)$$

donde  $R_j$  es la etiqueta de la  $j$ -ésima regla,  $x = (x_1, \dots, x_n)$  es un vector  $n$ -dimensional de un ejemplo,  $A_{ji}$  es un conjunto difuso antecedente,  $C_j$  es una etiqueta de clase, y  $RW_j$  es el peso de la regla [9].

Los métodos de aprendizaje difusos son la base para construir un SCBRD. El primer algoritmo que comentamos es el método propuesto por Chi et al. en [5, 18]. Para generar la base de reglas difusas, este método determina la relación entre las variables del problema y establece una asociación entre el espacio de características y el espacio de clases por medio de los siguientes pasos:

1. *Establecimiento de las particiones lingüísticas.* Una vez determinado el dominio de cada característica  $A_i$ , se calculan las particiones difusas.
2. *Generación de una regla difusa por cada ejemplo*  $x_p = (x_{p1}, \dots, x_{pn}, C_p)$ . Para hacer esto es necesario:
  - 2.1 Calcular el grado de emparejamiento  $\mu(x_p)$  del ejemplo con las diferentes regiones difusas usando un operador de conjunción.
  - 2.2 Asignar el ejemplo  $x_p$  a la región difusa con el mayor grado de pertenencia.
  - 2.3 Generar una regla para el ejemplo, cuyo antecedente está determinado por la región difusa seleccionada y cuyo consecuente es la etiqueta de clase del ejemplo.
  - 2.4 Calcular el peso de la regla.

Durante el aprendizaje, es posible que se generen reglas con el mismo antecedente. En este caso, si tienen la misma clase en el consecuente, entonces borramos una de las reglas duplicadas, pero si es distinta, sólo la regla con el mayor peso se mantiene en la base de reglas.

## 2.2. Método PDFC (Positive Definite Fuzzy Classifier)

El algoritmo PDFC [4] considera un modelo compuesto de  $m$  reglas difusas de la forma:

$$\text{Rule } j : \text{ If } A_j^1 \text{ AND } A_j^2 \text{ AND } \dots \text{ AND } A_j^n \\ \text{ THEN } b_j \quad (2)$$

donde  $A_j^k$  es un conjunto difuso con función de pertenencia  $a_j^k : \mathbb{R} \rightarrow [0, 1]$ ,  $j = 1, \dots, m$ ,  $k = 1, \dots, n$ ,  $b_j \in \mathbb{R}$ . La asignación de entrada-salida,  $\mathcal{F} : \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}$  del modelo se define como

$$\mathcal{F}(x_p) = \frac{b_0 + \sum_{j=1}^m b_j \prod_{k=1}^n a_j^k(x_k)}{1 + \sum_{j=1}^m \prod_{k=1}^n a_j^k(x_k)}. \quad (3)$$

donde  $b_0 \in \mathbb{R}$ , las funciones de pertenencia son  $a_0^k(x_k) \equiv 1$  para  $k = 1, \dots, n$  y cualquier  $x_p \in \mathbb{R}^n$ . Luego, el sistema produce un clasificador difuso binario,  $f$ , con la regla de decisión

$$f(x_p) = \text{sign}(\mathcal{F}(x_p) + t) \quad (4)$$

donde  $t \in \mathbb{R}$  es un umbral. Nosotros asumimos  $t = 0$ , sin pérdida de generalidad.

Las funciones de pertenencia para el clasificador difuso binario definido arriba se generan a partir de una función de referencia (el tipo de las etiquetas)  $a^k$  a través de una transformación de posición [7], así como los clasificadores definidos en las mismas.

La regla de decisión del clasificador binario difuso, entonces, podría escribirse de la forma:

$$f(x_p) = \text{sign} \left( \sum_{j=1}^m b_j K(x_p, z_j) + b_0 \right) \quad (5)$$

donde  $z_j = [z_j^1, z_j^2, \dots, z_j^n]^T \in \mathbb{R}$  contiene los parámetros de posición de  $a_j^k$ .  $K : \mathbb{R}^n \times \mathbb{R}^n \rightarrow [0, 1]$  es una traducción del kernel invariante (kernel Mercer [6]) definido como

$$K(x_p, z_j) = \prod_{k=1}^n a^k(x_p^k - z_j^k) \quad (6)$$

Finalmente, la regla de decisión de un clasificador binario difuso es

$$f(x_p) = \text{sign} \left( b_0 + \sum_{j=1}^m b_j \prod_{k=1}^n a_j^k(x_p^k) \right) \quad (7)$$

Para encontrar las reglas difusas a partir del conjunto de entrenamiento, es necesario construir un kernel Mercer a partir de las funciones de referencia definidas positivas, como se indica en (Ecuación 6). El teorema 3.12 de [4] establece que la regla de decisión de un PDFC puede ser vista como un hiperplano en  $\mathbb{F}$ . Se emplea entonces el algoritmo SVM [17] para encontrar el hiperplano óptimo y, una vez que se obtiene, las reglas difusas se pueden extraer fácilmente a partir de la regla de decisión del SVM como sigue:

- $b_0$  es la constante  $b$  del hiperplano,  $b_0 \leftarrow b$ .
- Para cada vector soporte  $x_i$ , se crea una regla difusa  $z_j$  centrando las funciones de referencia en el vector soporte  $z_j \leftarrow x_i$ , y se asigna el consecuente de la regla  $b_j \leftarrow y_i \alpha_i$ , donde  $\alpha_i$  es el multiplicador de Lagrange  $i$ -ésimo obtenido al resolver el problema de programación cuadrática con SVM, e  $y_i$  es la clase del vector soporte  $i$ -ésimo.

## 3. Presencia de Ruido en los Datos

El ruido es un problema que afecta a cualquier base de datos real [23] y puede influir en la precisión del clasificador construido y en el tiempo de construcción y tamaño del mismo, por lo que su interpretabilidad puede verse afectada también. Aunque existen métodos para el filtrado del ruido [3], éstos normalmente no pueden producir datos con iguales características a los originales [20] y, por este motivo, resulta interesante conocer la robustez que ofrecen los métodos de clasificación sin tratamientos externos de los datos ausentes o erróneos.

A continuación, se presentan brevemente los tipos de ruido analizados en esta contribución y los mecanismos usados para la introducción de ruido artificial.

### 3.1. Ruido de Clase

El ruido de clase se produce cuando la etiqueta de clase de una instancia no es la adecuada, lo que puede ocurrir por ejemplos mal etiquetados o contradictorios (instancias que aparecen

más de una vez con diferentes clases). Existen diversas aproximaciones para mitigar sus efectos [3], principalmente basadas en la eliminación de las instancias con ruido (que suelen mejorar la precisión del clasificador, como se indica en [23]) o incluso en la corrección de las etiquetas erróneas.

Para introducir ruido de clase en bases de datos limpias, adoptamos el esquema indicado en [21] y que se describe a continuación. Dados el par de clases  $(X, Y)$ , con  $X$  la clase mayoritaria e  $Y$  la segunda clase con mayor número de instancias, y un nivel de ruido  $x\%$ , una instancia con su etiqueta  $X$  tiene una probabilidad de  $x\%$  de ser incorrectamente etiquetada como  $Y$ . Como se indica en [23], este esquema es adecuado debido a que es más probable que sólo cierto tipo de clases sean mal etiquetadas.

### 3.2. Ruido de Atributos

El manejo de ruido de atributos es más complejo y ha sido menos estudiado en la literatura que el de clases, pero suele estar más presente en las bases de datos reales [20]. En este caso, a diferencia de cómo se suele tratar el ruido de clase, la eliminación de instancias con posible ruido no beneficia a la precisión del clasificador final, como se demostró en [14].

Para introducir el ruido de atributos en bases de datos limpias, seguimos el esquema de [22], en el que los valores erróneos se introducen en cada atributo  $A_i$  con un nivel de  $x\%$ , lo cual es consistente con la hipótesis de que las interacciones entre atributos son débiles [23]. Como consecuencia, el ruido introducido en cada atributo tiene una baja correlación con el ruido introducido en el resto. En esta contribución, tratamos únicamente atributos numéricos. Para corromper cada atributo  $A_i$  con un nivel de ruido del  $x\%$ , se eligen aproximadamente el  $x\%$  de los ejemplos de la base de datos y, al valor de  $A_i$  de cada uno de esos ejemplos, se le asigna un valor aleatorio entre el máximo y el mínimo del dominio de ese atributo, siguiendo una distribución uniforme. Con este esquema, el porcentaje de ruido en la base de datos puede ser menor que el deseado, ya que algunas veces una asignación aleatoria puede elegir el valor original nuevamente.

## 4. Marco Experimental

En esta sección, comenzamos mostrando en la Subsección 4.1 las bases de datos reales escogidas para la experimentación. En la Subsección 4.2 damos los detalles correspondientes a la inserción de ruido tanto de clases como de atributos. En la Subsección 4.3, indicamos los algoritmos utilizados para el estudio junto con los parámetros utilizados en su ejecución.

### 4.1. Bases de Datos

En el Cuadro 1 mostramos las propiedades de las bases de datos seleccionadas para la experimentación. Para cada base de datos, representamos el número de ejemplos ( $\#Ej.$ ), el número de atributos numéricos ( $\#Attr.$ ) y el número de clases ( $\#Cl.$ ).

Conjunto	#Ej.	#Attr.	#Cl.
banana	5300	2	2
contraceptive	1473	9	3
ecoli	336	7	8
glass	214	9	7
heart	270	13	2
ionosphere	351	33	2
iris	150	4	3
magic	19020	10	2
monk-2	432	6	2
page-blocks	5472	10	5
penbased	10992	16	10
phoneme	5404	5	2
pima	768	8	2
ring	7400	20	2
satimage	6435	36	7
segment	2310	19	7
sonar	208	60	2
spambase	4597	57	2
thyroid	7200	21	3
twonorm	7400	20	2
wdbc	569	30	2
wine	178	13	3
yeast	1484	8	10

Cuadro 1: Bases de datos utilizadas.

La estimación de la precisión de cada clasificador la obtenemos mediante una validación cruzada de 5 particiones. Dividimos la base de datos en 5 partes con igual número de ejemplos y manteniendo la proporción entre clases. Cada partición es usada como conjunto de test del modelo aprendido con las cuatro particio-



nes restantes. Usamos 5 particiones porque la mayoría de las bases de datos empleadas en la experimentación son pequeñas y así se tiene un número de instancias en test más significativo. Además, la diferencia de usar 5 particiones respecto a un número mayor es que, al tener más instancias cada partición, los efectos del ruido son también más notables en los resultados medios en test y facilitan el análisis de los mismos.

#### 4.2. Perturbación de las Bases de Datos con Ruido

Siguiendo los esquemas de introducción del ruido de las Subsecciones 3.1 y 3.2, a partir de las 23 bases de datos originales sin ruido, se han creado 69 bases de datos con ruido de clase y 69 con ruido de atributos, con niveles de ruido del  $x = 5\%$ ,  $x = 10\%$  y  $x = 20\%$ .

En todas las bases de datos creadas, el ruido se introduce sólo en las particiones de entrenamiento, mientras que los conjuntos de test permanecen inalterados. Esto permite ver cómo afecta el ruido a la precisión de los clasificadores al entrenar con datos con ruido.

Para realizar una estimación de la pérdida ( $P_x$ ) producida en un clasificador ante la presencia de ruido, utilizamos la siguiente medida:

$$P_x = \frac{Prec_0\% - Prec_x\%}{Prec_0\%} \quad (8)$$

donde  $Prec_x\%$  es la precisión media del clasificador sobre las bases de datos con un nivel de ruido de  $x\%$ .

#### 4.3. Configuración de Parámetros

Los algoritmos han sido ejecutados con la herramienta KEEL<sup>1</sup> [10] utilizando los parámetros mostrados en el Cuadro 2 siguiendo las configuraciones recomendadas por los autores.

Para el método de Chi et al., se ha considerado el uso de diferentes números de etiquetas para ver su influencia en la tolerancia al ruido. Para PDFC, se han utilizado diferentes tipos de etiquetas para ver cómo afecta el ruido al modelo obtenido, ya que este SCBRD ajusta el número de etiquetas automáticamente.

Algoritmo	Parámetros
Chi et al.	Número de etiquetas = 3, 5 y 7 T-norma para cálculo de compatibilidad = Producto Peso de reglas = Factor de certeza penalizado Método de razonamiento difuso = Regla ganadora
PDFC	C = 100 d = 0.25 Tolerancia = 0.001 epsilon = 1.0E-12 Tipo de las etiquetas = Gaussiana y triángulo simétrico Preprocesamiento = Normalización en [0,1]

Cuadro 2: Especificación de parámetros utilizados en la fase de aprendizaje.

## 5. Análisis de la influencia del ruido en los SCBRDs

En esta sección analizamos la robustez de los dos SCBRDs frente al ruido, estudiando dos medidas: la precisión clásica y la pérdida de precisión al introducir ruido (Ecuación 8). Se desea estudiar la robustez de los modelos inferidos por los SCBRDs considerando la inclusión de ruido en los datos de entrenamiento frente a datos de test sin alterar.

Las tablas de resultados mostradas reflejan los resultados medios en test para las bases de datos correspondientes (las 92 de ruido de clase y las 92 de ruido de atributos). El ruido de clase es analizado en la Subsección 5.1. El caso de presencia de ruido de atributos es analizado en la Subsección 5.2.

### 5.1. Ruido de Clase

En el Cuadro 3 se muestran los resultados de precisión medios en test obtenidos por el método de cada fila, según el porcentaje de ruido introducido en las bases de datos indicado en cada columna. La columna marcada como (Med.) muestra la media del método en todos los niveles de ruido. En la columna (Método) se indica el método a analizar y, entre paréntesis, el parámetro de la configuración que se varía: en el algoritmo de Chi et al. se indica entre paréntesis el número de etiquetas lingüísticas y, en el algoritmo PDFC, se indica el tipo de las etiquetas: (Tri.) para una función con triángulo simétrico y (Gau.) para una función gaussiana.

<sup>1</sup>www.keel.es

Método	Precisión				
	0 %	5 %	10 %	20 %	Med.
Chi (3 térm.)	69.82	69.90	70.18	68.88	69.69
Chi (5 térm.)	66.88	66.61	66.27	64.85	66.15
Chi (7 térm.)	58.40	57.97	57.49	55.90	57.44
PDFC (Gau.)	86.40	85.84	85.23	<b>83.40</b>	85.22
PDFC (Tri.)	<b>88.42</b>	<b>87.31</b>	<b>86.56</b>	83.39	<b>86.42</b>

Cuadro 3: Precisión en test con ruido en clase al 5 %, 10 % y 20 %

En el Cuadro 4 se muestra la pérdida de precisión para los diferentes niveles de ruido considerados.

Método	Pérdida			
	5 %	10 %	20 %	Med.
Chi (3 térm.)	<b>0.00</b>	<b>-0.01</b>	<b>0.01</b>	<b>0.00</b>
Chi (5 térm.)	<b>0.00</b>	0.01	0.03	0.01
Chi (7 térm.)	0.01	0.02	0.04	0.02
PDFC (Gau.)	0.01	0.01	0.03	0.02
PDFC (Tri.)	0.01	0.02	0.06	0.03

Cuadro 4: Pérdida en test con ruido en clase al 5 %, 10 % y 20 %

Atendiendo a estos resultados de la experimentación con ruido de clase, se observa que el algoritmo PDFC, en sus dos configuraciones, funciona mejor que el algoritmo de Chi et al. ya que obtiene mejor precisión en todos los casos (con y sin ruido). El mejor método es PDFC empleando etiquetas triangulares.

En el algoritmo de Chi et al., con un menor número de etiquetas lingüísticas se obtiene una mejor tolerancia al ruido, tal y como muestra el Cuadro 4, donde la pérdida se acentúa al introducir mayores niveles de ruido. Del mismo modo, en PDFC, el tipo de etiquetas también afecta a la sensibilidad al ruido del método. En algunos casos, como muestra el resultado negativo para el algoritmo Chi (3 térm.) con un 10 % de ruido en el Cuadro 4, algunos algoritmos pueden verse beneficiados al introducir bajos niveles de ruido, ya que puede suceder que los datos que antes podían considerarse como outliers, al variar sus características, caigan dentro de las fronteras de su clase.

Como se ha mencionado, el método PDFC obtiene una mayor precisión en test que el método de Chi et al., a la vez que tiene una mayor

pérdida absoluta de precisión al ir incrementando los distintos niveles de ruido de clase. Esto se debe a que PDFC obtiene un modelo que se ajusta mejor a los datos de entrenamiento y el incremento de ruido perjudica más a dicho ajuste que en el caso del método de Chi et al. A pesar de tener más pérdida, PDFC sigue siendo superior en términos de precisión sobre Chi et al. frente al ruido.

En ambos casos, los porcentajes de pérdida de los algoritmos estudiados son muy reducidos y permiten comprobar la gran robustez de los SCBRDs frente al ruido de clase.

## 5.2. Ruido de Atributos

En el Cuadro 5 se muestran los resultados de precisión y, en el Cuadro 6, la pérdida de precisión al introducir ruido de atributos.

Método	Precisión				
	0 %	5 %	10 %	20 %	Med.
Chi (3 térm.)	69.82	68.83	67.41	63.27	67.33
Chi (5 térm.)	66.88	64.93	61.57	56.39	62.44
Chi (7 térm.)	58.40	55.30	51.07	44.08	52.21
PDFC (Gau.)	86.40	84.82	83.23	80.69	83.79
PDFC (Tri.)	<b>88.42</b>	<b>87.64</b>	<b>86.54</b>	<b>85.03</b>	<b>86.91</b>

Cuadro 5: Precisión en test con ruido en atributos al 5 %, 10 % y 20 %

Método	Pérdida			
	5 %	10 %	20 %	Med.
Chi (3 térm.)	<b>0.01</b>	0.03	0.09	0.05
Chi (5 térm.)	0.03	0.08	0.16	0.09
Chi (7 térm.)	0.05	0.13	0.25	0.14
PDFC (Gau.)	0.02	0.04	0.07	0.04
PDFC (Tri.)	<b>0.01</b>	<b>0.02</b>	<b>0.04</b>	<b>0.02</b>

Cuadro 6: Pérdida en test con ruido en clases al 5 %, 10 % y 20 %

En este caso, nuevamente, la configuración PDFC (Tri.) es la que mejores resultados obtiene, seguida por PDFC (Gau.) y las configuraciones de los algoritmos de Chi et al.

En este tipo de ruido, PDFC tiene una mayor robustez, ya que tiene un porcentaje de pérdidas similares con diferentes niveles de ruido. Por el contrario, el método de Chi et al. se ve más afectado respecto al ruido de clases,

con pérdidas de hasta el 0.25 en el caso de Chi (7 térm.), con un 20 % de ruido.

Como en el caso del ruido de clases, un mayor número de etiquetas lingüísticas en el algoritmo de Chi et al., produce una mayor sensibilidad al ruido de atributos y una reducción de la precisión con cada nivel de ruido. Para PDFC las etiquetas triangulares permiten obtener modelos más robustos al ruido que las gaussianas.

En el caso de ruido de atributos el método de Chi et al. se ve más afectado que PDFC. Dado que el método de Chi et al. realiza una partición difusa uniforme en el rango de cada atributo, mientras que PDFC ajusta las etiquetas donde necesita durante el proceso de aprendizaje, este último es más robusto ante este tipo de ruido. Así pues, podemos decir que el tipo de aprendizaje de las etiquetas a partir de los valores de los atributos es importante al tratar con este tipo de ruido.

## 6. Conclusiones

En esta contribución hemos estudiado la influencia del ruido en los SCBRDs. Para ello, hemos llevado a cabo un análisis empleando los Sistemas de Clasificación Basados en Reglas Difusas formalmente conocidos como de Chi et al. y PDFC. Hemos realizado un análisis desde el punto de vista del ruido de clase y de atributos, perturbando las bases de datos originales con niveles de ruido del  $x = 5\%$ ,  $x = 10\%$  y  $x = 20\%$ .

A partir de los resultados obtenidos y de su análisis, se observa que un mejor ajuste del modelo obtenido, y por tanto una mayor precisión en test, al entrenar con datos sin ruido, supone pérdidas ligeramente mayores en la precisión del método al introducir ruido en las clases. Los porcentajes de pérdida de precisión indican que los SCBRDs son robustos frente al ruido en clases, ya que a niveles altos de este tipo de ruido, este porcentaje no supera el 6%. Por otro lado, el ruido de clase produce pérdidas de precisión menores que el ruido de atributos, mostrando en los SCBRDs estudiados una buena tolerancia al ruido de este tipo.

Cuando se introduce ruido en atributos, el aprendizaje uniforme de etiquetas por parte de Chi et al. se ve más penalizado que el ajuste individual de las mismas usado por PDFC, que obtiene mejores resultados. Los resultados indican que un aprendizaje más sofisticado de la Base de Conocimiento permite obtener una mayor tolerancia al ruido de atributos.

Se ha observado también la influencia del número de etiquetas lingüísticas en la sensibilidad a ambos tipos de ruido en el caso del algoritmo de Chi et al. y la mayor robustez frente a ambos tipos de ruido de las etiquetas triangulares para el algoritmo PDFC. Finalmente, cabe indicar que los SCBRDs son bastante tolerantes a estos dos tipos de ruido según se desprende de los bajos resultados de pérdida de precisión observados.

Es necesario mencionar que éste es un estudio preliminar para dos SCBRD. Como trabajo futuro, es posible incorporar nuevos SCBRDs para hacer una mejor generalización de los comportamientos de los mismos frente al ruido, así como la aplicación de técnicas de filtrado o la inclusión de mecanismos para tratar el ruido en el propio SCBRD.

## Agradecimientos

Este trabajo ha sido posible gracias a la subvención del Ministerio de Educación y Ciencia bajo los Proyectos TIN2007-65981 y TIN2008-06681-C06-01. J. Luengo está subvencionado por una beca FPU del Ministerio de Ciencia e Innovación.

## Referencias

- [1] A. Asuncion and D.J. Newman. *UCI Machine Learning Repository* - <http://mlr.cs.umass.edu/ml/index.html>. 2007.
- [2] C. M. Bishop. *Pattern Recognition And Machine Learning (Information Science And Statistics)*. Springer, 2007.
- [3] C.E. Brodley and M.A. Friedl. Identifying mislabeled training data. *Journal of Ar-*

- tificial Intelligence Research*, 11:131–167, 1999.
- [4] Y. Chen and J. Z. Wang. Support vector learning for fuzzy rule-based classification systems. *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, 11(6):716–728, 2003.
- [5] Z. Chi, H. Yan, and T. Pham. *Fuzzy algorithms with applications to image processing and pattern recognition*. World Scientific, 1996.
- [6] N. Cristianini and J. Shawe-Taylor. *An introduction to Support Vector Machines and Other Kernel-Based Learning Methods*. Cambridge Univ. Press, Cambridge, U.K., 2000.
- [7] D. Dubois and H. Prade. Operations on fuzzy numbers. *International Journal of Systems Science*, 9(6):613–626, 1978.
- [8] T. Nakashima H. Ishibuchi and M. Nii. *Classification and modeling with linguistic information granules: Advanced approaches to linguistic Data Mining*. Springer-Verlag, 2004.
- [9] H. Ishibuchi and T. Nakashima. Effect of rule weights in fuzzy rule-based classification systems. *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, 9(4):506–515, 2001.
- [10] S. García M. J. Otero C. Romero J. Bacardit V. M. Rivas J. C. Fernández J. Alcalá-Fdez, L. Sánchez and F. Herrera. Keel: a software tool to assess evolutionary algorithms form data mining problems. *Soft Computing*, 13(3):307–318, 2008.
- [11] L. Kuncheva. *Fuzzy classifier design*. Springer-Verlag, 2000.
- [12] J. Maletic and A. Marcus. Data cleansing: Beyond integrity analysis. *Proceedings of the Conference on Information Quality*, 2000.
- [13] K. Orr. Data quality and systems theory. *Communications of the ACM*, 41(2):66–71, 1998.
- [14] J. R. Quinlan. *C4.5: Programs for Machine Learning*. San Mateo-California: Morgan Kauffman Publishers, 1st edition, 1993.
- [15] D. Strong R. Wang and L. Guarascio. Beyond accuracy: What data quality means to data consumers. *Journal of Management Information Systems*, 12(4):5–34, 1996.
- [16] V. Storey R. Wang and C. Firth. A framework for analysis of data quality research. *IEEE Transactions on Knowledge and Data Engineering*, 7(4):623–639, 1995.
- [17] V. Vapnik. *Statistical Learning Theory*. Wiley, New York, U.S.A., 1998.
- [18] L. Wang and J. M. Mendel. Generating fuzzy rules by learning from examples. *In Proceedings of the 1991 IEEE International Symposium on Intelligent Control, Arlington, Virginia, U.S.A.*, pages 263–268, 1991.
- [19] X. Wu. *Knowledge Acquisition from Databases*. Ablex Publishing Corp., 1995.
- [20] X. Wu and X. Zhu. Mining with noise knowledge: Error-aware data mining. *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics, Part A*, 38(4):917–932, 2008.
- [21] X. Wu X. Zhu and S. Chen. Eliminating class noise in large datasets. *Proceedings of the 20th ICML International Conference on Machine Learning, Washington D.C.*, page 920–927, 2003.
- [22] X. Wu X. Zhu and Y. Yang. Error detection and impactsensitive instance ranking in noisy datasets. *In Proceedings of 19th National conference on Artificial Intelligence (AAAI-2004), San Jose, CA.*, 2004.
- [23] X. Zhu and X. Wu. Class noise vs. attribute noise: A quantitative study. *Artificial Intelligence Review*, 22(3):177–210, 2004.

## ÍNDICE DE AUTORES

- Acampora, G., 231  
Albusac, Javier, 3  
Alcalá, Jesús, 425  
Aldámiz-Echevarría, L., 107  
Alonso, Jose M., 475  
Alonso, S., 51  
Alonso Fernández, Daniel, 273  
Alonso Martínez, Israel, 401  
Álvarez, Marcos, 327  
de Andrés Rocío, 49  
De Baets, B., 157  
Barrena, R., 107  
Barrenechea E., 131, 165  
Berlanga, Antonio, 123  
Brodeala, Luchiana C., 393  
Buenestado, D., 107  
Bustince, H., 157  
Caballero, Jorge, 319  
Cabrerizo, F. J., 51  
Cadenas, J. M., 231, 343  
Cano, Isaac, 427  
Caro, Raquel, 287  
Casado, F., 165  
Castillo-Ortega, Rita, 451  
Castiñeira, Elena E., 189  
Castro, J. L., 27  
Castro-Schez, J. J., 3  
Cobo, M.J., 409  
Conci, A., 173  
Contreras, David, 377  
Couso, Inés, 435, 443  
Cubillo, Susana, 189  
Delgado, M., 27  
Díaz, Luis, 19  
Díaz Agrela, Diana, 311  
Díaz Vicedo, Concepción, 247  
Doña, J. M., 35  
Espinilla, Macarena, 49, 67  
Esteve, Pablo, 303  
Falcó Díaz de Cerio, Edurne, 83  
Fernández, Alberto, 459  
Fernández, Francisco Javier, 131  
Fernández, J., 157  
Fernández. Llamas, Camino, 11  
Ferreira-Satler, Mateus, 295, 385  
Fuentes-González, Ramón, 149  
García, J. J., 107  
García, Juan F., 11  
García Lapresta, José Luis, 83, 115  
Garmendia, Alfonso, 287, 311  
Garmendia, Luis, 271, 281, 311  
Garrido, M. C., 343  
Godofredo, José Luis, 255  
Gómez Ruiz, J, 35  
Gómez-Romero, Juan, 123  
González-Hidalgo, M., 141  
Gramajo, Sergio, 59  
Herrera, Francisco, 459, 467  
Herrera-Viedma, Enrique, 51, 361, 409  
Iruetaguena, A., 107  
Jacas Moral, Joan, 239  
Jiménez, L, 41, 133  
Jiménez-Linares, L., 3  
Jurio, A., 157  
Lamata, M. T., 335  
de Lara, Jesús, 327  
León, Teresa, 263  
Liern, Vicente, 229, 255, 263  
Liu, J., 91  
Loia, V., 231  
López, Antonio Gabriel, 351  
López, Victoria, 271, 273, 303, 319, 327, 459  
López-Herrera, A.G., 409  
López-Juárez, Pedro, 417  
López-Molina, C., 157  
Luengo, Julián, 467  
Llamazares, Bonifacio, 115, 205  
Magdalena, Luis, 475  
Marín, Nicolás, 451  
Martín Bonilla, Raúl, 281  
Martin-Bautista, Maria J., 393  
Martínez, Francisco J., 67  
Martínez, Juan Carlos, 75  
Martínez, Luis, 59, 67, 179  
Martínez, R., 343  
Mas, M., 221  
Massanet, Sebastià, 141, 213  
Mata, Francisco, 75  
Matellán, Vicente, 11  
Medina, J., 27, 197  
Medina, Rafael, 19  
de Mendoza, Juan C., 303  
Menéndez, Víctor H., 295, 369  
Merlo, Roberto, 353, 377  
de Miguel D., 173  
Molina, José M., 123  
Monreal Pujadas, Amadeo, 239

- Monserrat, M., 221  
Montero, Javier, 183  
Montilla, Wilmer, 189  
Moreno-García, Juan, 41, 99, 133  
Mucientes Manuel, 1  
Muñoz, E., 231  
Muñoz, Rafael, 19  
Navarro-Arribas, Guillermo, 427  
Nunes, E., 173  
Olivas, José Ángel, 295, 353, 385, 417  
Ortega, Raúl, 319  
Otero, José, 435  
Pablo Jimeno, 319  
Padellano, Celia, 327  
Pagola, M., 131, 165  
Palacios, Ana, 443  
Pascual Romero, Francisco, 401  
Paternain, D., 165  
Peláez, J. I., 35  
Pelta, D. A., 335  
Peralta, Arturo 99  
Pérez Asurmendi, Patrizia, 115  
Pérez, I. J., 51  
Pikatzka, J. M., 107  
Porcel, Carlos, 351, 361  
Prieto, Manuel E., 295, 369  
De Prisco, R., 231  
Puente, Cristina, 353, 377  
Ramos Gómez, Ángel, 123  
Rdez. Lera, Francisco J., 11  
Rodríguez, R.M., 91  
Rodríguez-Benítez, L., 41, 133  
Romero, Francisco P., 99, 351, 385  
Ruan, D., 91  
Ruiz-Lozano, M.D., 27  
Sáez, José A., 467  
Salvador, Adela, 287  
Sánchez, A., 173  
Sánchez, Daniel, 425, 451  
Sánchez, Luciano, 435, 443  
Sanjurjo, P., 107  
Santos, Matilde, 273  
Segundo, U., 107  
Serrano-Guerrero, Jesús, 351, 385  
Sobrino, Alejandro, 353  
Solana-Cipres, C., 41, 133  
Tejeda, Álvaro, 361  
Tenorio, E., 35  
Tinguaro Rodríguez, J., 183  
Torra, Vicenç, 427  
Torrens, Joan, 141, 221, 213  
Vallejo, David, 3  
Verdegay, J. L., 335  
Vidal, Christian L., 295  
Vitoriano, Begoña, 183  
Yeguas, Enrique, 19  
Zaccagnino, R., 231  
Zapata, Alfredo, 295  
Zuccarello, Pedro, 247